

Błędny w metodzie Newtona -1-

Odwrócić liczbę "b" czyli
wyznaczyć $1/b$

Jest to mianowatne rozwiązywanie równania

$$f(x) = b - \frac{1}{x} = 0$$

$$f'(x) = x^{-2}$$

Metoda Newtona:

$$x_{n+1} = x_n - \frac{b - x_n^{-1}}{x_n^{-2}}$$

$$x_{n+1} = x_n(2 - b x_n) \quad || \\ n \geq 0$$

$$\text{Rel}[x_{n+1}] = (\text{Rel}[x_n])^2$$

Móżna pokazać, że $\text{Rel}[x_{n+1}] \leq (\text{Rel}[x_n])^2$

Widz $|\text{Rel}(x_0)| < 1$

$$-1 < \frac{b^{-1} - x_0}{b^{-1}} < 1 \quad \equiv \quad 0 < x_0 < \frac{2}{b}$$

